

Az EXPONENCIÁLIS egyenletek típusai

Azonos alapú hatványokra visszavezethető

$$3^x = 81$$

$$3^x = 3^4$$

Az exponenciális függvény szigorú monotonitása miatt: $x = 4$

$$5^{2x} = \frac{1}{125}$$

$$5^{2x} = \frac{1}{5^3}$$

$$5^{2x} = 5^{-3}$$

Az exponenciális függvény szigorú monotonitása miatt: $2x = -3$
 $x = -3/2$

Egy szám hatványainak összege szerepel benne

$$3 \cdot 4^{x+2} - 2 \cdot 4^{x+1} + 8 \cdot 4^{x-1} = 5 \cdot 4^x + 148$$

$$3 \cdot 4^2 \cdot 4^x - 2 \cdot 4 \cdot 4^x + 8 \cdot 4^{-1} \cdot 4^x = 5 \cdot 4^x + 148$$

A 4^x -t ki lehet emelni!

$$4^x \cdot (3 \cdot 4^2 - 2 \cdot 4 + 8 \cdot 4^{-1}) = 5 \cdot 4^x + 148$$

Kiszámoljuk, hogy mi van a zárójelben.

$$4^x \cdot (48 - 8 + 2) = 5 \cdot 4^x + 148$$

$$4^{-1} = \frac{1}{4} \quad 8 \cdot \frac{1}{4} = 2$$

$$4^x \cdot 42 = 5 \cdot 4^x + 148$$

Az ismeretleneket egy oldalra rendezzük.

$$37 \cdot 4^x = 148$$

Az egyenletet osztjuk 37-tel.

$$4^x = 4$$

Az exponenciális függvény szigorú monotonitása miatt: $x = 1$

Az egyik oldalon 1 van

$$6^{2x-7} = 1$$

$6^{2x-7} = 6^0$ Mivel bármely (0-tól különböző) szám 0. hatványa 1, így a 6 nulladik hatványa is 1.

Az exponenciális függvény szigorú monotonitása miatt: $2x-7 = 0$
 $x = 7/2$

$$12^5 \cdot 12^{2x-1} = 1$$

$$12^{2x-1+5} = 12^0$$

$$12^{2x+4} = 12^0$$

Az exponenciális függvény szigorú monotonitása miatt: $2x + 4 = 0$
 $x = -2$

Másodfokú egyenletre visszavezethető

$$49^x + 7 = 8 \cdot 7^x$$

$$(7^2)^x + 7 = 8 \cdot 7^x$$

$$(7^x)^2 + 7 = 8 \cdot 7^x \quad \text{Bevezetünk egy új változót. pl. } y = 7^x$$

$$y^2 + 7 = 8y \quad \text{Ezt a másodfokú egyenletet 0-ra rendezve a megoldóképlettel megoldjuk.}$$

$$y_1 = 7 \quad \text{Visszahelyettesítünk: } 7 = 7^x \quad x_1 = 1$$

$$y_2 = 1 \quad 1 = 7^x \quad x_2 = 0$$

Az exponenciális függvény szigorú monotonitása miatt.