

# KOORDINÁTA-GEOMETRIA

# EGYENES

**ellentett vektor:**  $a(a_1; a_2)$

$$-a(-a_1; -a_2)$$

példa:  $k(-4; 9)$

$$-k(4; -9)$$

**merőleges vektorok:**  $a(a_1; a_2)$

$$m_1(-a_2; a_1)$$

$$m_2(a_2; -a_1)$$

**Merőleges vektorok skaláris szorzata 0!**

vektorok **skaláris szorzata:**

$$a \cdot b = |a| \cdot |b| \cdot \cos \gamma$$

példa:  $a(-4; 9)$

$b(3; -2)$

$$a \cdot b = -4 \cdot 3 + 9 \cdot (-2) = -12 - 18 = -30$$

A megfelelő koordináták szorzatának összege.

$$|a| = \sqrt{(-4)^2 + 9^2} = \sqrt{97} \quad |b| = \sqrt{3^2 + (-2)^2} = \sqrt{13}$$

Ezekből következik, hogy:

$$-30 = \sqrt{97} \cdot \sqrt{13} \cdot \cos \gamma$$

$$\text{Ebből: } \gamma = 147,65^\circ$$

**irányvektor:** Egy adott egyenessel párhuzamos vektort az egyenes irányvektorának nevezzük. (Végtelen sok ilyen van!)

Jele:  $v$

Ha az „e” egyenes irányvektora  $v(v_1; v_2)$  és egy pontja  $P_0(x_0, y_0)$  akkor:

$$v_2(x - x_0) = v_1(y - y_0)$$

**normálvektor:** Egy adott egyenesre merőleges vektort az egyenes normálvektorának nevezzük. (Végtelen sok ilyen van!)

Jele:  $n$

Ha az „e” egyenes normálvektora  $n(n_1; n_2)$  és egy pontja  $P_0(x_0, y_0)$  akkor:

$$n_1x + n_2y = n_1x_0 + n_2y_0$$

vagy

Ha az „e” egyenes normálvektora  $n(A; B)$  és egy pontja  $P_0(x_0, y_0)$  akkor:

$$Ax + By = Ax_0 + By_0$$

**két ponttal adott egyenes:** A  $P(p_1; p_2)$  és a  $Q(q_1; q_2)$  pontokon áthaladó egyenes egyenlete:

I.) A  $\overrightarrow{PQ}$  egyben a keresett egyenes egyik irányvektora. Ekkor a megoldás visszavezethetjük ide.

A P és Q által meghatározott vektor koordinátái:  $\overrightarrow{PQ} = (q_1 - p_1; q_2 - p_2)$

II.) A P és a Q pont is rajta van a keresett egyenesen, tehát koordinátáik kielégítik az egyenes egyenletét.

$$y = mx + b$$

$$p_2 = mp_1 + b$$

$$q_2 = mq_1 + b$$

Ezt az egyenletrendszert kell megoldani.

példa:  $P(-1; 3)$

$Q(5; -7)$

$$3 = -m + b$$

$$-7 = 5m + b$$

$$\text{Ebből: } m = -5/3$$

$$b = 4/3$$

Tehát a keresett egyenes egyenlete **explicit** alakban:  $y = -5x/3 + 4/3$

**implicit** alakban:  $5x + 3y - 4 = 0$

explicit: Világosan kimondott. (Az egyik koordinátára rendezett.)

implicit: Benne rejlik, ki nem mondott. (0-ra rendezett alak.)

az **egyenes iránytangense:** iránytangens = iránytényező = meredekség

$\alpha$  az ún. irányszög

$$\text{tg} \alpha = m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{v_2}{v_1} = -\frac{A}{B} = -\frac{n_1}{n_2}$$

